# МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ТЯГОВОГО ЛИНЕЙНОГО АСИНХРОН-НОГО ДВИГАТЕЛЯ

Сарапулов Ф.Н., Смольянов И.А., Родионов И.Е., Тарчуткин Н.В., Шмаков Е.И. Уральский Федеральный университет, Екатеринбург, РФ, sarapulovfn@yandex.ru

Аннотация - Представлены результаты моделирования линейного асинхронного двигателя с помощью метода детализированных схем замещения

Ключевые слова - моделирование, детализация, схемы замещения, характеристики.

#### I. Введение

В работе рассматриваются особенности математического моделирования тягового линейного асинхронного двигателя (ЛАД) для грузового или городского транспорта [1-7].

Основные параметры индуктора трехфазного линейного асинхронного двигателя, предназначенного для привода транспортной системы: длина индуктора 2.24 (0.792) м, ширина его сердечника 0.5 (0.5) м, толщина индуктора 0.13 (0.13) м, глубина паза 0.07 (0.064) м, ширина паза 0.06/2 (0.012) м, ширина зубца 0.033/2 (0.01) м, число пазов 24 (36). Вторичный элемент представляет собой биметаллическую полосу шириной 0.7 (0.7) м. Толщина первого алюминиевого (медного) слоя составляет 8 (3) мм, толщина второго слоя, шихтованного из листов электротехнической стали, равна 20 (стальной массив 6) мм. Отношение полюсного деления к эквивалентному немагнитному зазору составляет 15 (8.7), что соответствует рекомендациям по выбору главных размеров тягового ЛАД [1,2,3,8]. В скобках показаны размеры линейного двигателя (рис. 1) для привода конвейерного поезда, изготовленного НПО «Взрывозащищенное электрооборудование», г. Донецк [8].



Рис. 1. Общий вид (а) и структура слоев 14-слойной модели (б) ЛАД

## II. Постановка задачи

Электромагнитный расчет линейного асинхронного двигателя выполнялся с использованием детализированных магнитных схем замещения (ДМСЗ) [1,5,7] в пакете MathCAD, а также с помощью двухмерной конечноверсии элементного полевого пакета Comsol Multiphysics. Влияние третьей координаты (ограниченной ширины вторичного элемента) в рассматриваемых методиках учитывается с помощью коэффициента Болтона [1], на который умножается электропроводность алюминиевого слоя вторичного элемента (ВЭ). Параметры индуктора в методе ДМСЗ рассчитываются с помощью известных выражений, применяемых для электрических машин классического исполнения [4]. Количество слоев в ДМСЗ варьируется, что отражается в ее названии – двухслойная, шестислойная, четырнадцатислойная. Количество участков по продольной координате принимается равным количеству пазов в индукторе, умноженному на 3 (по 24 участка в активной и двух краевых зонах). При числе пазов на полюс и фазу q = 1 общее количество участков в слое равно 72, при q = 2 соответственно 144. В последнем случае общее количество контуров и количество уравнений магнитного равновесия равно произведению 144 на количество выделенных слоев. Поскольку слои, в которых находится вторичный элемент, движутся, возникает погрешность при вычислении ЭДС движения (через магнитные потоки по зубцовым делениям) в уравнениях электрического равновесия соответствующих контуров. Погрешность может быть уменьшена либо уточнением формулы вычисления производных по координате [7]. либо делением слоев по продольной координате на большее количество участков, либо тем и другим вместе.

#### III. АНАЛИЗ ПОЛУЧЕННЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ

Рассматриваемый подход с использованием коэффициента Болтона характерен для так называемых квазитрехмерных моделей ЛАД, например [1,2,3,5]. Он обеспечивает достаточную для инженерных расчетов точность результатов при использовании скромных вычислительных ресурсов. Кроме этого применение метода детализированных схем замещения двигателя позволяет легко интегрировать их в полные структурные модели электромеханических систем, включающих в себя также блоки питания, механическую часть, систему автоматического управления.

Как отмечалось выше, точность расчетов характеристик двигателя с помощью двухмерных моделей во многом зависит от корректности учета влияния размеров индуктора и ВЭ по ширине (третьей координате).

На рис. 2 показаны зависимости электропроводности (с учетом коэффициента Болтона  $k_q$ ) от главных размеров двигателя и материала ВЭ.



Рис. 2. Зависимости эквивалентной электропроводности ВЭ с учетом коэффициента Болтона от скольжения, ширины индуктора *Bi* и ВЭ *Bse* 

Как видно, этот коэффициент существенно зависит от поперечных размеров ВЭ и индуктора, а также от скольжения. Естественно, что это ведет к зависимости от него тяговых усилий  $F_{\rm T}$  а также нормальных усилий притяжения ферромагнитных сердечников  $F_{\rm np}$  и противоположно направленных сил левитации  $F_{\rm neв}$  (рис. 3а). Линиями показаны характеристики, рассчитанные в пакете MathCad. Там же для сравнения показаны расультаты расчета усилий левитации в пакете Comsol Multiphysics.

Можно отметить, что механическая характеристика ЛАД при заданном фиксированном токе в фазе 110 А (плотность тока 1.6 А/мм<sup>2</sup>) близка к классическому типу с критическим скольжением в области малых скольжений. Силы притяжения ферромагнитных сердечников статора и ВЭ максимальны в области малых скольжений от -0.2 до +0.2, а силы левитации, действующие на ВЭ, слабо зависят от скольжения.

Из полученного результата следует важный практический вывод о том, что выбором соотношения значений ширины индуктора и ширины ВЭ можно существенно влиять на характер изменения тягового усилия в зависимости от скольжения.

На рис. Зб показаны аналогичные зависимости при уменьшении ширины вторичного элемента до значения 0.48 м, равного ширине индуктора. При этом уменьшается электрическая проводимость поперечным токам в массивном ВЭ, что ведет к увеличению тягового усилия в области повышенных скольжений.

Этот вывод можно использовать при выборе ширины неподвижной вторичной полосы на участках разгона и маршевых отрезках путевой структуры транспортной системы.



Рис.3. Зависимости тяговых и нормальных усилий (притяжения и левитации) от скольжения: a) Bse = 0.7 м, Bi = 0.48 м; б) Bse = Bi=0.48 м

На рис. 4 показаны тяговые характеристики ЛАД, полученные с помощью метода ДМСЗ при различном количестве выделенных по толщине слоев в сечении двигателя, а также с помощью полевого пакета Comsol Multiphysics. Можно за-

ключить, что расчеты при помощи метода детализированных схем замещения дают результаты, близкие к результатам расчета на основе полевого пакета.



ДМС3

Как отмечалось выше, для повышения точности при использовании наиболее простой двухслойной ДМСЗ введена уточненная запись производной по продольной координате [6]. На рис. 4 показаны механические характеристики ЛАД, полученные при различных допущениях на основе двухслойной ДМСЗ при ширине индуктора и ВЭ Bi = Bse = 1 м.

Как видно, наибольшую погрешность дает вариант с q = 1 без уточнений в вычислении производной по координате. Переход к вариантам с более мелким шагом разбиения по координате, уточнением формулы вычисления производной по координате, или тем и другим позволяет получить результаты, близкие к полученным с помощью полевого пакета во всем диапазоне скольжений.



Рис.5. Зависимости тяговых и нормальных усилий от скольжения, полученные на основе 2-х-слойной ДМСЗ: 1) q = 1; 2) q=2; 3) q=1, коррекция по [5] производной по координате; 4) q=2, коррекция производной по координате; 5) усилие левитации

## IV. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В целом можно заключить, что метод детализированных магнитных схем замещения дает широкие возможности для анализа динамических и статических характеристик линейных асинхронных двигателей при достаточно высокой точности результатов.

# БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

- Веселовский, О.Н. Линейные асинхронные двигатели / О.Н. Веселовский, А.Ю. Коняев, Ф.Н. Сарапулов. - М.: Энергоатомиздат, 1991. - 256 с. .
- [2] Ямамура, С. Теория линейных асинхронных двигателей / С. Ямамура. - Л.: Энергоатомиздат, 1983. - 180 с.
- [3] Gieras, J.F. Linear Synchronous motors / J.F. Gieras, Z.J. Piech, B.Z. Tomczuk. - New York, USA: CRC press 2012.
- [4] Ostovic, V.: Dynamics of Saturated Electric Machines / V. Ostovic. - New York, USA: Spring-Verlag, 1989.
- [5] Иванушкин, В.А.. Структурное моделирование электромеханических систем и их элементов / В.А. Иванушкин, Ф.Н. Сарапулов, П. Шымчак. - Щецин: ЩТУ, 2000. 310 с.
- [6]. Shiri, A. Design optimization and analysis of single-sided linear induction motor, Considering All Phenomena / A. Shiri, A. Shoulaie - IEEE

TRANSACTIONS ON ENERGY CONVER-SION, VOL. 27, NO. 2, JUNE 2012.

- [7]. Dmitrievskii V. Choice of a numerical differentiation formula in detailed equivalent circuits models of linear induction motors / V. Dmitrievskii; V. Goman; F. Sarapulov; V. Prakht; S. Sarapulov 2016 International Symposium on Power Electronics, Electrical Drives. Automation and Motion (SPEEDAM), 22-24 June 2016. Page(s): 458-463.
- [8]. Захарченко П.И. Особенности структуры и режимов работы линейного электропривода конвейерного (тележечного) поезда / П.И. Захарченко, С.В. Карась, Ф.Н. Сарапулов. -Взрывозащищенное электрооборудование: Сб. науч. тр. УкрНИИВЭ / Под общей ред. академика НАН Украины Г.Г. Пивняка. Донецк: ООО «Юго-Восток, Лтд», 2007. С. 331-343.